

Exercice 1 : Dans un repère orthonormé direct on considère les points A, B et C dont les affixes sont $z_A = 1+i$, $z_B = 3+5i$ et $z_C = 2+2\sqrt{3} + i(3-\sqrt{3})$.

- 1/ Déterminer l'affixe du milieu I de [AB].
- 2/ Déterminer $|z_A - z_B|$ puis $|z_A - z_C|$ et enfin $|z_C - z_B|$.
- 3/ Que peut-on en déduire pour le triangle ABC.

Exercice 2 :

Partie 1 :

On définit le nombre complexe $Z = \frac{x^2 + x + y^2 + y}{x^2 + (y+1)^2} + i \frac{-x - y - 1}{x^2 + (y+1)^2}$ avec x et y des nombres réels tels que $(x ; y) \neq (0; -1)$.

- 1/ Dans un repère orthonormé, déterminer l'ensemble des points M d'affixe $z = x+iy$, tels que Z soit réel.
- 2/ Dans un repère orthonormé, déterminer l'ensemble des points M d'affixe $z = x+iy$, tels que Z soit imaginaire pur.

Partie 2 :

Dans un repère orthonormé déterminer l'ensemble des points M d'affixe z tels que $|z-1+2i| = |z+2-3i|$.

Exercice 3 : Résoudre dans \mathbb{C} :

$$1/ z^2 = -16 \qquad 2/ z^2 + 2z + 6 = 0 \qquad 3/ \frac{z-1}{z-i} = 3i \qquad 4/ \frac{-5}{z+4} = z$$

Exercice 1 : Dans un repère orthonormé direct on considère les points A, B et C dont les affixes sont $z_A = 1-i$, $z_B = 3-5i$ et $z_C = 2+2\sqrt{3} + i(-3+\sqrt{3})$.

- 1/ Déterminer l'affixe du milieu I de [AB].
- 2/ Déterminer $|z_A - z_B|$ puis $|z_A - z_C|$ et enfin $|z_C - z_B|$.
- 3/ Que peut-on en déduire pour le triangle ABC.

Exercice 2 :

Partie 1 :

On définit le nombre complexe $Z = \frac{x^2 + x + y^2 - y}{x^2 + (y-1)^2} + i \frac{x - y + 1}{x^2 + (y-1)^2}$ avec x et y des nombres réels tels que $(x ; y) \neq (0; 1)$.

- 1/ Dans un repère orthonormé, déterminer l'ensemble des points M d'affixe $z = x+iy$, tels que Z soit réel.
- 2/ Dans un repère orthonormé, déterminer l'ensemble des points M d'affixe $z = x+iy$, tels que Z soit imaginaire pur.

Partie 2 :

Dans un repère orthonormé déterminer l'ensemble des points M d'affixe z tels que $|z-1+2i| = |z+2-3i|$.

Exercice 3 : Résoudre dans \mathbb{C} :

$$1/ z^2 = -9 \qquad 2/ z^2 + 2z + 3 = 0 \qquad 3/ \frac{z-i}{z+1} = 4i \qquad 4/ \frac{-2}{z+2} = z$$

